

МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Министерство образования и молодежной политики Свердловской области
Управление образования Администрации города Нижний Тагил
МАОУ СОШ № 20

УТВЕРЖДЕНО

директор

Т.А.Шипулина
Приказ №831/о от «25»
июня 2025 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

элективного курса «Математическое моделирование»

для обучающихся 10-11 классов

Пояснительная записка

Настоящая рабочая программа элективного курса «Математическое моделирование» для 10-11 класса составлена на основе программы авторского курса Генералова Г.М. «Математическое моделирование» и опубликованной в сборнике элективных курсов в профильном обучении (Сборник примерных рабочих программ. Элективные курсы для профильной школы: учебное пособие для общеобразовательных организаций / [Н.В. Антипова и др.] – М.: Просвещение, 2019. – 187.). Учебно-методическое обеспечение курса включает в себя программу элективного курса и учебное пособие для учащихся (Генералов Г.М. Математическое моделирование. 10 – 11 классы. Учебное пособие – М.: Просвещение, 2020 – 159.)

Элективный курс направлен на реализацию учебного плана технического, естественно-научного, социально-экономического, гуманитарного, универсального и других профилей на уровне среднего общего образования. Изучение данного элективного курса позволит учащимся с большим интересом относиться к школьному курсу математики, как необходимому фундаменту для формирования практических навыков, предоставляющих большие возможности приобретения современных профессий (совмещённые специальности «математиканалитик», «математик-программист» и др.) Навыки, полученные при обучении математическому моделированию, повысят уровень подготовки учащихся к государственной итоговой аттестации по математике.

Элективный курс «Математическое моделирование» способствует развитию логического мышления учащихся, намечает и использует целый ряд межпредметных связей, имеет прикладную направленность с учетом на методический аспект моделирования и интерпретации моделей.

Цель курса: оказать помощь учащимся 10-11-х классов в выборе современных профессий, требующих теоретических знаний и элементарных практических навыков по формированию биоматематических и химико-математических моделей, их анализу и использованию для принятия решений.

Задачи курса:

- ознакомить учащихся с сущностью, познавательными возможностями и практическим значением моделирования как одного из научных методов познания реальности;
- дать представление о наиболее распространённых математических методах, используемых для формализации математических моделей;
- научить интерпретировать результаты био-математического и химико-математического моделирования и применять их для обоснования конкретных решений;
- сформировать базу для дальнейшего изучения приложений математическому моделированию и выполнения индивидуального проекта по данному направлению.

Основные идеи курса:

- внутри- и межпредметная интеграция;
- взаимосвязь науки и практики;
- взаимосвязь человека и окружающей среды.

Текущий контроль может осуществляться в форме отчётов о выполнении практических заданий; итоговый контроль — в форме дифференцированного зачёта или защиты индивидуального проекта.

Планируемые результаты освоения курса

Планируемые результаты освоения программы элективного курса «Математическое моделирование» уточняют и конкретизируют общее понимание личностных, метапредметных и предметных результатов как с позиций организации их достижения в образовательной деятельности, так и с позиций оценки достижения этих результатов.

Личностные результаты включают:

- в ценностно-ориентационной сфере - чувство гордости за российскую физическую науку, гуманизм, положительное отношение к труду, целеустремленность;
- в трудовой сфере - готовность к осознанному выбору дальнейшей образовательной траектории;
- в познавательной (когнитивной, интеллектуальной) сфере - умение управлять своей познавательной деятельностью; развитие творческих способностей; получение практических навыков применения математических знаний; логического мышления; развитие самостоятельности суждений, независимости и нестандартности мышления;

Метапредметные результаты включают:

- умение анализировать предложенные варианты решения задачи, выбирать из них верные;
- умение выбирать наиболее эффективный способ решения задачи;
- овладение способами исследовательской деятельности;
- умение планировать свои действия в соответствии с поставленной задачей и условиями её реализации;
- умение генерировать идеи и определять средства, необходимые для их реализации;
- умение осуществлять поиск необходимой информации для выполнения учебных заданий с использованием учебной литературы, энциклопедий, справочников (включая электронные, цифровые), в открытом информационном пространстве, в том числе контролируемом пространстве Интернета;
- умение использовать знаково-символические средства;
- умение контролировать свою деятельность: обнаруживать и исправлять ошибки.

Предметные результаты включают:

Учащийся научится понимать:

- основные задачи, решаемые с помощью математического моделирования;
- роль метода моделирования в процессе познания экономической реальности и подготовки управленческих решений;
- условия и границы применимости моделирования;
- риски, связанные с принятием хозяйственных решений с помощью био-математических и химико-математических моделей.

Учащийся получит возможность научиться:

- использовать условия применения математических методов (линейного программирования, нелинейного программирования, динамического программирования) для формализации экономических процессов;
- представлять экономико-математические модели в объёме, достаточном для понимания их экономического смысла;
- формулировать простейшие прикладные экономико-математические модели;
- самостоятельно составлять, решать и интерпретировать простейшие практически значимые био-математические и химико-математические модели;
- обосновывать хозяйственные решения на основе результатов моделирования;
- работать в табличном процессоре MS Excel.

Содержание курса

Введение. Профессия математика-аналитика: наука и искусство

Математическое моделирование в современных профессиях и естествознании. Сфера и границы применения био-математического и химико-математического моделирования. Умение составлять математические модели и анализировать их, рассчитывать прогнозы развития процессов с высокой степенью точности - главная профессиональная компетенция в совмещённых профессиях нового поколения.

Определение математической модели. Классификация математических моделей. Этапы био-математического и химико-математического моделирования. Понятие математической модели. Типичные задачи, решаемые при помощи моделирования. Условия применимости, преимущества и недостатки метода моделирования. Общий алгоритм составления модели социально-экономических процессов.

Тема 1. Линейное программирование: искусство планирования бизнеса

Математическая постановка задачи линейного программирования. Применение линейного программирования в математических моделях оптимального планирования. Общая формулировка задачи линейного программирования. Принцип оптимальности в планировании и управлении. Принципы построения системы ограничений в задаче линейного программирования. Формулирование целевой функции в зависимости от требующих решения управленческих проблем в реальных социально-экономических ситуациях.

Методы решения задач линейного программирования. Общая постановка задачи линейного программирования с двумя и тремя переменными. Графический метод решения задачи линейного программирования. Область допустимых решений. Оптимальный план.

Примеры решения графическим методом задач линейного программирования размерности два и три. Решение задач линейного программирования в MS Excel.

Примеры экономических ситуаций, сводящихся к задачам линейного программирования.

Задача составления плана производства. Постановка проблемы. Формирование системы ограничений и целевой функции. Разбор примеров.

Задача о рационе. Постановка проблемы. Формирование системы ограничений и целевой функции. Разбор примеров.

Транспортная задача. Постановка проблемы. Формирование системы ограничений и целевой функции. Разбор примеров.

Задача комплексного использования сырья на примере рационального раскроя материала. Постановка проблемы. Формирование системы ограничений и целевой функции. Разбор примеров.

Задача загрузки оборудования. Постановка проблемы. Формирование системы ограничений и целевой функции. Разбор примеров.

Дополнительные задачи. Задания на актуализацию знаний школьного курса математики; задания на составление математической модели реальной ситуации; решение задачи линейного программирования графическим методом, решение задач в MS Excel.

Тема 2. Временные ряды: искусство прогнозирования

Понятие временного ряда. Примеры построения моделей временного ряда. Условия применения моделей временных рядов. Виды рядов. Характеристики рядов.

Методы анализа временных рядов. Прогнозирование. Метод скользящего среднего. Метод избранных точек. Построение тренда. Анализ временного ряда в MS Excel.

Построение тренда методом наименьших квадратов. Расчёт коэффициентов линейного, параболического и гиперболического трендов. Построение тренда в MS Excel.

Задания для самостоятельного решения:

1) задания на актуализацию знаний школьного курса математики;

2) задания на составление математической модели реальной ситуации; решение задач в MS Excel.

Тема 3. Некоторые прикладные модели: тактика и стратегия успеха

Применение математического анализа и геометрии к биологии и химии. Предельные величины. Графы. Дерево решений. Задача о соединении городов. Кратчайший путь. Критический путь. Элементы теории игр в задачах.

Тематическое планирование

№ п/п	Наименование раздела и тем курса	Часы учебного времени	Характеристика основных видов деятельности учащихся	Модуль воспитател ьной программы
	Введение. Профессия математика-аналитика: наука и искусство	4		
1	Математическое моделирование в современных профессиях и естествознании	2	Умение составлять математические модели и анализировать их, рассчитывать прогнозы развития процессов с высокой степенью точности как главная профессиональная компетенция в совмещённых профессиях нового поколения. Решение типичных задач, решаемых при помощи моделирования	Содействовать умению ставить перед собой цели и проявлять инициативу
2	Определение математической модели. Классификация математических моделей. Этапы математического моделирования	2		
	Математическая постановка задачи линейного программирования	24		
3	Математическая постановка задачи линейного программирования	2	Применение линейного программирования в математических моделях оптимального планирования. Формулировка задачи линейного программирования. Формулирование целевой функции в зависимости от требующих решения управленческих проблем	Развивать у учащихся качества: активность, ответственность, самостоятельность, инициатива
4	Методы решения задач линейного программирования	2		
5	Методы решения задач линейного программирования	2		
6	Примеры ситуаций, сводящихся к задачам линейного программирования. Задача составления плана	2	Постановка проблемы. Формирование системы ограничений и целевой функции. Разбор примеров	Формировать у учащихся такие качества, как долг, ответственность, честь, достоинство, личность
7	Задача о рационе	2		
8	Транспортная задача	2		
9	Задача комплексного использования сырья на примере рационального раскроя материала	2		
10	Задача загрузки оборудования	2	Применение линейного программирования в математических моделях оптимального планирования. Формулировка задачи линейного программирования.	Содействовать усвоению школьниками социально значимых знаний – знаний
11	Задания на актуализацию знаний школьного курса математики	2		
12	Задания на составление математической модели реальной ситуации	2		
13	Решение задачи линейного программирования графическим методом, решение задач в MS	2		

	Excel.			
14	Зачёт	2		
	Временные ряды: искусство прогнозирования	20		
15	Понятие временного ряда. Примеры построения моделей временного ряда	2	Примеры построения моделей временного ряда. Определение условий применения моделей временных рядов. Изучение видов рядов и их характеристик. Разбор метода скользящего среднего и метода избранных точек. Построение тренда. Анализ временного ряда в MS Excel. Расчёт коэффициентов линейного, параболического и гиперболического трендов. Построение тренда в MS Excel	Развивать у учащихся качества: активность, ответственность, самостоятельность, инициатива
16	Условия применения моделей временных рядов	2		
17	Виды рядов. Характеристики рядов	2		
18	Методы анализа временных рядов. Прогнозирование. Метод скользящего среднего	2		
19	Методы анализа временных рядов. Метод избранных точек	2		
20	Построение тренда. Анализ временного ряда в MS Excel	2		Воспитывать бережное отношение к здоровью как залогом долгой и активной жизни человека, его хорошего настроения и оптимистичного взгляда на мир
201	Построение тренда методом наименьших квадратов	2		
22	Расчёт коэффициентов линейного, параболического и гиперболического трендов	2		
23	Построение тренда в MS Excel	2		
24	Зачёт	2		
	Некоторые прикладные модели: тактика и стратегия успеха	20		
25	Применение математического анализа и геометрии в биологии и химии	2	Понятие о предельных величинах. Построение дерева решений. Решение задач	Формировать у учащихся такие качества, как долг, ответственность, честь, достоинство, личность.
26	Применение математического анализа и геометрии в биологии и химии	2		
27	Применение математического анализа и геометрии в биологии и химии	2		
28	Применение математического анализа и геометрии в биологии и химии	2		
29	Графы. Дерево решений	2		
30	Задача о соединении городов. Кратчайший путь. Критический путь	2	Понятие о предельных величинах. Построение дерева решений. Решение задач	Воспитывать любовь и уважение к традициям Отечества, школы, семьи
31	Элементы теории игр в задачах	2		
32	Элементы теории игр в задачах	2		
33	Защита индивидуального проекта	2		
34	Защита индивидуального проекта	2		

